

## SỨC BỀN MỎI CỦA CÁC PHẦN TỬ KẾT CẤU VÀ CHI TIẾT MÁY CÓ TIẾT DIỆN KHÔNG TRÒN

NGUYỄN TRỌNG HIỆP, PHAN HỮU PHÚC

### § 1. ĐẶT VẤN ĐỀ:

Khi làm việc nhiều chi tiết máy và phần tử kết cấu chịu ứng suất thay đổi. Vì vậy tính toán theo chỉ tiêu sức bền mỏi là rất cần thiết để đảm bảo độ tin cậy của máy và kết cấu công trình. Tuy nhiên, những đặc trưng chủ yếu của sức bền mỏi như giới hạn bền mỏi và tuổi thọ thường được xác định qua thí nghiệm những mẫu chuẩn có tiết diện tròn, đường kính  $7 \div 10\text{mm}$ , nghĩa là khác nhiều về hình dạng và kích thước so với các chi tiết máy và phần tử kết cấu thực tế. Trong bài báo này đề cập đến vấn đề đánh giá giới hạn bền mỏi của các phần tử kết cấu và chi tiết máy có tiết diện không tròn chịu uốn trong một mặt phẳng hoặc chịu kéo – nén.

### § 2. XÁC ĐỊNH GIỚI HẠN BỀN MỎI CỦA DÀM CHỊU UỐN TRONG MỘT MẶT PHẲNG:

Giới hạn bền mỏi của các phần tử kết cấu và chi tiết máy có tiết diện không tròn chịu uốn trong một mặt phẳng có thể xác định được trên cơ sở phương trình đồng dạng của sự phá hủy mỏi với số thông số ít nhất [1], [7].

Đối với dầm có tiết diện chữ nhật chiều rộng  $b$  và chiều cao  $h$ , tích phân I của phương trình đồng dạng được viết như sau [7]

$$I = \frac{2b\sigma_{max}^\omega}{h_1^\omega \sigma_0^\omega F_0} \int_{h_1}^{h_2} (y - h_2)^\omega y dy \\ = \frac{2b(h_1 - h_2)^{\omega+1} \sigma_{max}^\omega}{h_1^\omega \sigma_0^\omega F_0 (\omega + 1)} = -2,3 \lg(1 - P) \quad (2.1)$$

trong đó  $h_1 = \frac{h}{2}$ ;  $h_2$  – khoảng cách từ đường trung hòa đến tho có ứng suất  $\sigma = u$ ;

$u$  – giới hạn dưới của miền phân tán ứng suất cực đại  $\sigma_{max}$ ;  $F_0 = 1\text{mm}^2$  diện tích đơn vị;  $\sigma_0$ ,  $\omega$  – các thông số;  $P$  – xác suất phá hủy. Đặt  $u = C\sigma_{max}$  [1], chú ý là  $h_2 =$  chi và  $\sigma_{max}$  chính là giới hạn mỏi của dầm chữ nhật nhẫn  $\sigma_{-1ea}$  từ phương trình (2.1) ta có

$$I = \frac{bh(1 - C)^{\omega+1} \sigma_{-1ea}^\omega}{\sigma_0^\omega F_0 (\omega + 1)} = -2,3 \lg(1 - P) \quad (2.2)$$

Trường hợp uốn trong mặt phẳng đứng dầm chữ nhật rộng có chiều rộng  $b$ , chiều cao  $h$ , chiều dày thành trên và dưới là  $S_1$  chiều dày thành hai bên là  $S_2$

$$I = \frac{h\sigma_{max}^\omega}{\sigma_0^\omega F_0 (\omega + 1)} \left[ b(1 - C)^{\omega+1} - (b - 2S_2) \left( 1 - C - \frac{2S_1}{h} \right)^{\omega+1} \right] = \\ = -2,3 \lg(1 - P) \quad (2.3)$$

Gọi  $\sigma_{-1cr}$  là giới hạn bền mỏi khi uốn phẳng của đầm có tiết diện chữ nhật rỗng, trường hợp này  $\sigma_{-1cr} = \sigma_{max}$ , ta có:

$$I = \frac{h\sigma_{-1cr}^{\omega}}{\sigma_0^\omega F_0(\omega + 1)} \left[ b(1 - C)^{\omega+1} - (b - 2S_2) \left( 1 - C - \frac{2S_1}{h} \right)^{\omega+1} \right] = 2,3lg(1 - P) \quad (2.4)$$

Tương tự như trên, trường hợp uốn phẳng đầm chữ I có chiều rộng b, chiều cao h, chiều dày thành trên và dưới S<sub>1</sub> và chiều dày thành giữa S<sub>2</sub>, tích phân I có dạng:

$$I = \frac{h\sigma_{-1cr}^{\omega}}{\sigma_0^\omega F_0(\omega + 1)} \left[ b(1 - C)^{\omega+1} - (b - S_2) \left( 1 - C - \frac{2S_1}{h} \right)^{\omega+1} \right] \quad (2.5)$$

trong đó  $\sigma_{-1cr}$  — giới hạn bền mỏi uốn phẳng của đầm chữ I.

Công thức (2.5) cũng áp dụng cho đầm chữ [ chịu uốn trong mặt phẳng đứng.

Để tìm được quan hệ giữa giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1cr}$  của đầm tiết diện chữ nhật chiều rộng b và chiều cao h chịu uốn phẳng với giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1}$  của mẫu nhẵn đường kính d chịu uốn quay, ta cần bằng phương trình (2.2) với phương trình [2]

$$I = \frac{\pi d^2(1 + C)^{\omega+1}\sigma_{-1}^{\omega}}{2F_0\sigma_0^\omega(\omega + 1)} = -2,3lg(1 - P) \quad (2.6)$$

Ta tìm được

$$\sigma_{-1cr} = \left( \frac{\pi d^2}{2bh} \right)^{\frac{1}{\omega}} \sigma_{-1} = \left( \frac{\pi d^2}{2bh} \right)^{\frac{B_\sigma}{\omega}} \sigma_{-1}, \quad (2.7)$$

trong đó  $B_\sigma = \frac{1}{\omega}$  — thông số của phương trình đồng dạng của sự phá hủy mỏi [1].

Để đánh giá mức độ chính xác của các công thức tính toán so với kết quả thực nghiệm, trong bảng 1 trình bày các số liệu về giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1cr}$  của đầm tiết diện chữ nhật tìm được qua thí nghiệm uốn trong một mặt phẳng [3] và trị số  $\sigma_{-1cr}$  tính theo công thức (2.7) với  $B_\sigma = 1/\omega = 0,06$  [7] và giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1} = 262$  MPa của mẫu có đường kính d = 8mm chịu uốn quay.

Bảng 1

Kích thước tiết diện $b \times h$ , mm <sup>2</sup>	$\sigma_{-1cr}$ , MPa	$\sigma_{-1cr}^*$ , MPa	$\delta$ , %
5 × 5	276	285	3,3
10 × 10	276	262	- 5,1
20 × 20	253	241	- 4,7
32 × 4	252	258	2,4
16 × 8	264	258	- 2,3
4 × 32	253	258	2,0

Bảng 1 cho thấy sai lệch tương đối  $\delta\%$  giữa số liệu thực nghiệm và trị số tính toán khá nhỏ.

Để lập hệ thức giữa giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1eI}$  của đầm chữ I chịu uốn trong mặt phẳng đứng với giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1p}$  của đầm tròn chịu uốn phẳng, ta cần bằng biểu thức (2.5) với biểu thức của I đối với đầm tròn chịu uốn phẳng [2].

$$I = \frac{\sqrt{2}(1-c)}{\sigma_0^{\omega} F_0} \frac{\omega + \frac{3}{2}}{2 I^* d^2 \sigma_{-1p}^{\omega}} = -2.3 \lg(1-P) \quad (2.8)$$

Từ đó ta có

$$\sigma_{-1eI} = \left\{ \frac{\sqrt{2}(1-c)^{\omega+1} I^*(\omega+1)d^2}{h[b(1-c)^{\omega+1} - (b-S_2)\left(1-\frac{c}{h} - \frac{2S_1}{h}\right)^{\omega+1}]} \right\}^{\frac{1}{\omega}} \sigma_{-1p} \quad (2.9)$$

Hiệ số 1 có thể lấy bằng 0,01883 ; 0,01356 ; 0,00743 ; 0,00422 tương ứng với các giá trị  $\omega = 10, 12, 16$  và  $20$  [7].

Biểu thức (2.2) cũng áp dụng cho đầm tiết diện chữ [

Từ các biểu thức (2.2) và (2.8) ta tìm được quan hệ giữa giới hạn bền mỏi của đầm chữ nhật  $\sigma_{-1en}$  và giới hạn bền mỏi của đầm tròn  $\sigma_{-1p}$  chịu uốn phẳng.

$$\sigma_{-1en} = \left[ \frac{\sqrt{2}(1-c)^{\frac{1}{2}} I^*(\omega+1)d^2}{bh} \right]^{\frac{1}{\omega}} \sigma_{-1p} \quad (2.10)$$

Bảng 2 trình bày các trị số tính toán giới hạn bền mỏi thực nghiệm  $\sigma_{-1p}$ ,  $\sigma_{-1en}$  và  $\sigma_{-1eI}$  của các đầm có tiết diện tròn, chữ nhật và chữ I [6] (trong bảng dùng ký hiệu chung là  $\sigma_{-1tn}$ ) và các trị số tính toán  $\sigma_{-1n}$  theo các biểu thức (2.9) và (2.10) với  $\omega = 16$  và  $c = 0$ .

Các số liệu trong các bảng 1 và 2 cho thấy kết quả tính toán khá phù hợp với thực nghiệm.

Tiết diện đầm	$\sigma_{-1tn}$	$\sigma_{-1n}$	$\delta, \%$
Tròn	204	204	0
Chữ nhật	198	185	-6,6
Chữ I	187	185	-1,1

### § 3. TÍNH TOÁN GIỚI HẠN BỀN MỎI TRONG CHU TRÌNH KHÔNG ĐỔI XỨNG

Các biểu thức tính toán trên đây áp dụng cho các chi tiết máy hoặc phần tử kết cấu chịu uốn quay hoặc uốn phẳng theo chu trình đổi xứng (hệ số không đổi xứng

$R = -1$ ). Trường hợp tải trọng kéo-nén đối xứng, có thể xác định giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1k}$  theo công thức

$$\sigma_{-1k} = \gamma_k \cdot \sigma_{-1}, \quad (3.1)$$

trong đó hệ số  $\gamma_k = 0,87 \div 0,95$ ; đối với vật liệu thép có thể lấy  $\gamma_k = 0,90 \div 0,92$  [2]

Trong thực tế nhiều kết cấu chịu ứng suất thay đổi theo chu trình không đổi xứng. Quan hệ giữa biên độ ứng suất giới hạn trong chu trình không đổi xứng và giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1}$  (trong chu trình đổi xứng) có thể xác định từ biểu đồ Sereisen-Kinasovili [4,5]

$$\sigma_a = \sigma_{-1} - \psi_\sigma \sigma_m \quad (3.2)$$

trong đó  $\sigma_a$  và  $\sigma_m$  là biên độ và ứng suất trung bình, hệ số  $\psi_\sigma$  có thể lấy trung bình là 0,25 đối với vật liệu thép [4]

Do đó giới hạn bền mỏi trong chu trình mạch động

$$\sigma_o = 2\sigma_{-1} - \psi_\sigma \sigma_o = \frac{2}{1 + \psi_\sigma} \sigma_{-1} \quad (3.3)$$

Trường hợp chu trình có hệ số không đổi xứng  $R$ , giữa giới hạn bền mỏi  $\sigma_R$  và biên độ ứng suất  $\sigma_a$ , ứng suất trung bình  $\sigma_m$  có các quan hệ

$$\sigma_a = \frac{1 - R}{2} \sigma_R, \quad \sigma_m = \frac{1 + R}{2} \sigma_R. \quad (3.4)$$

Từ các hệ thức (3.2) và (3.4) có thể lập được biểu thức tính  $\sigma_R$  khi biết giới hạn bền mỏi  $\sigma_{-1}$  và hệ số không đổi xứng  $R$ .

$$\sigma_R = \frac{2\sigma_{-1}}{1 - R + \psi_\sigma (1 + R)}, \quad (3.5)$$

#### § 4. KẾT LUẬN

Từ các điều trình bày trên đây có thể rút ra các kết luận sau :

a) Trên cơ sở của phương trình đồng dạng của sự phá hủy mỏi đã thiết lập được các hệ thức tính toán giới hạn bền mỏi của đầm có tiết diện chữ nhật, chữ I hoặc chữ L chịu uốn trong một mặt phẳng.

b) Đối chiếu các trị số tính toán với các số liệu thực nghiệm cho thấy các hệ thức trên cho kết quả khá phù hợp với thực nghiệm. Như vậy trong thực tiễn chỉ cần làm thí nghiệm các mẫu chuẩn và dùng các hệ thức tính toán trên đây có thể xác định được giới hạn bền mỏi của các loại đầm trên.

c) Đã lập được các hệ thức tính toán giới hạn bền mỏi trong chu trình không đổi xứng với kiến nghị lấy trị số  $\psi_\sigma \approx 0,25$ .

d) Các hệ thức trên đây được áp dụng vào tính toán xác định giới hạn bền mỏi của thép đầm cầu. Bằng thí nghiệm các mẫu chuẩn chế tạo từ vật liệu thép cầu, phối hợp với tính toán đã xác định giới hạn bền mỏi của đầm cầu chịu ứng suất thay đổi theo chu trình không đổi xứng.

Địa chỉ  
Trường đại học Bách khoa HN.

Nhận ngày 8/8/1986.

#### TÀI LIỆU THAM KHẢO

i. NGUYỄN TRỌNG HIỆP. Phương trình đồng dạng đơn giản về sự hỏng vi mô của chi tiết máy. Tạp chí KHTK, số 5, 1980.

2. NGUYỄN TRỌNG HIỆP. Một số hệ thức tính toán các giới hạn mới của chi tiết máy. Tập san khoa học Trường Đại học Bách khoa Hà Nội, chế tạo máy, 1964.
3. MASSONET C. Revue universelle des Mines. T. 11, 1956.
4. НГҮЕН ЧОНГ ГИЕП, ОЛЕЙНИК И. В. О расчете деталей машин на сопротивление усталости при асимметричном нагружении. Детали машин, сборник, выпуск 31, Киев 1986.
5. КОГАЕВ В. П. Расчеты на прочность при напряжениях переменных во времени. Машиностроение, М., 1977.
6. ТРОЩЕНКО В. Т. Усталость и неупругость металлов. Наукова думка, Киев, 1971.
7. НГҮЕН ЧОНГ ГИЕП. Закономерности подобия усталостного разрушения и оценка несущей способности деталей машин. Автореферат докт. Дисс., Харьков 1981.

### РЕЗЮМЕ

#### СОПРОТИВЛЕНИЕ УСТАЛОСТИ ЭЛЕМЕНТОВ КОНСТРУКЦИЙ И ДЕТАЛЕЙ МАШИН С НЕКРУГЛЫМИ ПРОФИЛЯМИ

На основе уравнения подобия усталостного разрушения получены выражения для определения предела выносливости брусьев с прямоугольным двутавровым или швеллерным профилем. Рассмотрен вопрос оценки сопротивления усталости при асимметричном цикле нагружения. Показано, что результаты вычисления по предложенным формулам хорошо согласовываются с экспериментальными данными.

#### HỘI THẢO KHOA HỌC «MỘT SỐ VẤN ĐỀ VỀ TRAO ĐỔI NHIỆT — CHẤT» LẦN THỨ NHẤT

Nhằm tập hợp lực lượng cán bộ nghiên cứu khoa học về trao đổi nhiệt – chất thông báo những kết quả nghiên cứu đã đạt được trong nước và những thành tựu của thế giới, trao đổi về phương hướng và biện pháp phối hợp nghiên cứu trong những năm tới trong 2 ngày 23 và 24/4/1987 tại Nhà văn hóa lao động hữu nghị Việt-Xô (Hà Nội) Hội Cơ học Việt Nam và Viện Cơ học đã tổ chức thành công Hội thảo khoa học « Một số vấn đề về trao đổi nhiệt – chất » lần thứ 1.

120 nhà khoa học, cán bộ kỹ thuật trong đó có 18 tiến sĩ và 45 phó tiến sĩ đại diện cho 34 cơ quan, trường, Viện nghiên cứu cũng như các Bộ và các cơ sở sản xuất có liên quan đã tham gia hội thảo.

Sau một phiên toàn thể Hội thảo được tiến hành theo 2 tiêu ban : 1 — Tiêu ban nghiên cứu cơ bản và ứng dụng trao đổi nhiệt – chất trong công nghệ. 2 — Tiêu ban nhiệt kỹ thuật là phản ứng hạt nhân.

Hơn 40 báo cáo đã được trình bày trên Hội thảo về những nghiên cứu cơ bản của khoa học trao đổi nhiệt – chất và ứng dụng của nó trong công nghiệp năng lượng, công nghệ hóa học, trong bảo quản và chế biến thực phẩm, trong công nghệ khai thác, vận chuyển và tinh chế dầu mỏ, khí đốt, trong khai thác hợp lý và bảo vệ môi trường và v.v...

Toàn thể đã đánh giá cao sự cần thiết cũng như thành công của Hội thảo và nhất trí đề nghị 2 năm 1 lần tổ chức Hội thảo khoa học về trao đổi nhiệt – chất.

Kết quả Hội thảo đã gây ấn tượng tốt cho các đại biểu.

DƯƠNG NGỌC HÃI